HATT Ch 3 Practice

- 1. (6 points) Consider the graph below(a) Is this a graph of a function?
 - (b) On what interval is it increasing?
 - (c) Where is the maximum?
 - (d) What is the range?
 - (e) Find an equation which has this graph.

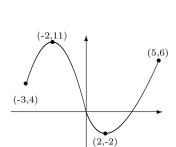
2. (3 points) Consider the relation whose graph is

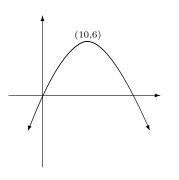
- (a) What is the domain?
- (b) What is the range?
- (c) On what interval(s) is it decreasing?
- 3. (2 points) Use interval notation to describe the domain of $f(x) = \frac{\sqrt{1-x}}{x^2 1}$?

- 4. (3 points) Consider the relation
 - $\{(3,5), (-2,3), (5,4)\}$
 - (a) Is this a function?
 - (b) What is the preimage of 3?
 - (c) What is the image of 3?

5. Is
$$h(x) = \frac{2x}{x^2 - 1}$$
 even, odd or neither?

- 6. (4 points) Consider f/g, where f(x) = x² and g(x) = |x 1|
 (a) (2 points) (f/g)(x) =
 - (b) What is the domain of f/g?
 - (c) What is the range of f/g?
- 7. (4 points) Consider g + f where f(x) = x² and g(x) = |x 1|, what is g + f?
 (a) (2 points) (g + f)(x) =
 - (b) What is the domain of g + f?
 - (c) What is the range of g + f?





Block:

Seat:

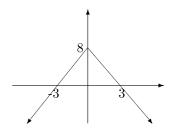
() ----

8. (3 points) Recall the "slope" or "average rate of change" or "difference quotient" of a function can be computed in various ways:

$$\frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{f(x+h) - f(x)}{h} = \frac{f(b) - f(a)}{b-a}$$

Let $f(x) = 2x^2 - x$

(a) What is the average rate of change of f from 0 to 1?



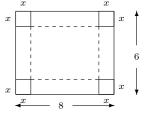
(a) What is the domain?

- (b) What is the average rate of change of f from 1 to x?
- (b) What is the range?

- (c) Find an equation that has a graph like this.
- (c) What is the average rate of change of f from x to x + h?

9. (4 points) Consider

10. (4 points) An open box with a rectangular base 11. (4 points) A camera company has found that the is to be made with a piece of cardboard 6 in by 8 in. by cutting out a square from each corner and turning up the sides (see figure). How large should x be to have the most volume?



- (a) Make a function V(x) that expresses the volume of the box as a function of x.
- (b) Because of the size of the cardboard, this function needs to have a limited domain. What should be the domain of V?
- (c) Sketch a graph of V over this domain (you may use your calculator to help, if you wish)
- (d) What length x should be chosen to maximize volume V?

revenue from sales R (measured in dollars), is a function of the unit price p it charges:

$$R(p) = -2p^2 + 850p$$

(a) If we wish to make more than \$0 in revenue, what is the domain?

(b) Sketch a graph of R over this domain (you may use your calculator to help, if you wish)

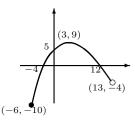
																			,	
							•													
•		•	•	•		•	•		•	·	•		•	•			•	•	·	÷
•		·	•	•	•	•	•	•	•	·	•	•	•	•	•	•	·	•	•	·
•	•	·	•	•	•	•	•	·	•	·	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
•	•	•	•													•				
•	•	•	•	•		•	•			·	•		•	•	•	•	•	•		·
	•							•		•							Ì		Ì	•
																				÷
																			,	
						•	•						•			•	•		•	•
•		•	•	•	•	•	•	•	•	·	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
•		·	·	•	•	·	•	•	•	·	•	•	•	•	•	•	•	•	·	·
•	•	·	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	·	•	•	·	•	•	•
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	

(c) What unit price p should be charged to maximize revenue?

12. (6 points) Consider g(x) = 3 - 2|x + 1|
(a) What family of functions does g belong?

(b) How much is the horizontal shift (left or right)?

13. (5 points) Consider the graph of g(x) below:



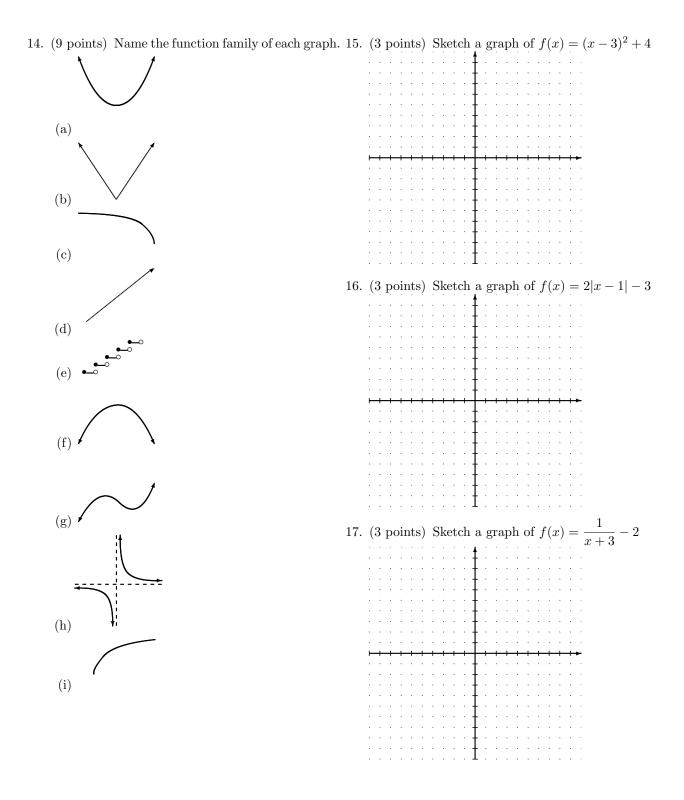
(a) Describe the domain of g in interval notation

- (c) How much is the vertical shift (up or down)?
- (b) Describe the range of g in interval notation

- (d) Is there any horizontal of vertical reflection?
- (c) Describe the maximum of g

- (e) Sketch a graph of g(x)
- (d) Describe the minimum of g

(e) Describe all zeros of g



18. (3 points) Sketch a graph of $f(x) = -2\sqrt{x+1}$ 20. (4 points) First class mail rates for letters in 2010:

										ŧ										
•	•	•	•		•	•	•	•	•	t	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	t	•	•	•	•	•	•	•	•	•	
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	ŧ	•	•	•	•	•	•	•	•	•	1
•	·	•	•	•	•	•	•	•	•	ŧ	•	•	•	•	•	•	•	•	•	1
	•	•	•	•	•		•	•	•	÷	•					•		•	•	
										Ŧ										
								•		Ŧ								,		•
										Ŧ										
										†										
-	+	-	-	-		-	-	-	-		-	-	-	-	-	-	-	-		-
							1			T										
										Τ										
										Т										
	·	·	Ċ			•	•	•		Т								`		
	·		•	•		•	•	•		Ť			•	•	•					
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	Ť	•	•	•	•	•	•	•	•	•	
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	t	•	•	•	•	•	•	•	•	•	1
·	•	•	•	•	·	•	•	•	•	t	•	•	•	•	•	•	•	•	•	
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	ŧ	•		•	•	•	•	•	•	•	•
·	·	·	·	•	•	·	•	·	•	ŧ	•	•		•	•	•	•	•	•	•
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	Т	•	•		•	•	•	•	•		•
(:	3	nc	oir	nts	3)	S	ke	eto	eh	a	ø	ra	pł	n e	of	f	1	r)	=	= [[x
		Ņ		-01	<i>.</i> ,						0	.0	Ŀ,	•	. 1	J	10	~)		\mathbb{I}^{ω}

Weight not over	Price
1	.44
2	.61
3	.78
3.5	.95

(a) Define a piece-wise function P(w) that describes price as a function of weight w.

[x-2] + 319. (sketch a graph o ▲

•	•	•	•	•	•	·	·	•	•	ŧ.	•	•	•	•	•	•	•	·	·	
										ŧ.										
										Ł										
										Т										
	•	•	•	•	•	•	•	•			•	•	•	•	•	•	•	•	•	
	•	•	•	•	÷	٠	•	÷	•	Ł	•	•	•	•	•	•	•	·	•	1
										Ŧ.										
										L										
	•	•	•	•	•	•	•	•			•	•	•	•	•	•	•	•	•	1
		•	•	•	•	•		•	•	ł	•	•	•	•	•	•	•	•		
-	_	_	_	_	_	_	_	_			-			_	_					-
	·		÷.,	÷.,	÷.	Ľ.,	÷.	1	÷.,			· .			·	· .	÷.,	÷.,		
•	•	•	•	•	•	•	•			Ť.	•	•	•	•	•	•	•	•	•	÷.
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	ŧ	•	•	•	•	•	•	•	•		
•									•	Ł	•			•	•					
	•	•	•	•		•	•								•	•	:	•	•	•
•					•					Ł					•	•				•
									•	ŧ							• • •			
			• • •						•	ł										· · ·
				•			• • •		•								• • •			•
				• • • •					• •			•					•			
			•	• • • • •				•	• •								• • • •			•
			· · · ·	• • • • • •					• •			•					• • • • •			•

(b) Graph your function

1	Graph				yu	Ju	T	runction													
			1	•					1											•	
											Ŧ										
											†										
		•			•				· .		T						•				
	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	t	•	•	•	•	•	•	•	•	•	1
	•	•	·	•	•	•	•	•	•	•	ŧ	•	•	•	•	•	•	•	•	•	
	•	•	•					•	•		Ŧ				•					•	
											Ŧ										
											Ŧ										
	÷		2					2	Ì.		T			2					2	2	
	-	+	+	+	+	+	+	+	+	+	-	-	+	+	-	-	-	-	+	++	-
	•	•	·	•	•	•	•	•	•	•	Ł	•	•	•	•	•			•	•	
	:	:						:			ţ		•	•					•	•	
	• • •	• • •	•					• • •	• • •		ŧ				•						•
		•	•	•	•		•	•	• • •		ŧ				•	•	•		•	•	•
	•		•	• • •		•	•				ł		•	•				•			•
	•	•	•	•		•	• • •				ŧ		•	•				•		•	•
	•	•	•	•	•	•	•	•		•	+ + + +		•	•	•	•	•	•	•	•	• • • •
	•	• • • • •	•	•		•	•	· · ·	• • • •	•	ŧ		•	•	•	•	•	•	•	•	• • • • •
	•	• • • • • •	• • • • • •	•		•		· · ·	· · ·	•	+ + + +	•	•	•		•	•	•	•	· · · ·	* * * * * * *
	•	• • • • • • •	• • • • • • •		· · · · · · · · · · · · ·	•		•	· · · ·	•	+ + + +	•	•	•	· · · · · · · · · · · ·	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			•	• • • • • •	* * * * * * * *
	•	• • • • • • • •			• • • • • • • •			• • • • • • •	• • • • • • •	• • • • • •	+ + + + + + + + + + + + + + + + + + + +	•	•	•	•	• • • • • • • •		• • • • • • • •		• • • • • • • •	* * * * * * * * *